

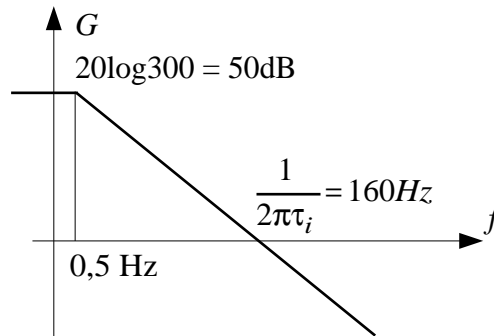
3ème partie : Intégrateur

Intégrateur pur :

$$\tau_i = R_1 C = 1 \text{ ms}$$

Amélioration du fonctionnement du montage : $r_i / R_1 = 300 \Rightarrow r_i = 3 \text{ M}\Omega$

Exercice : $\frac{V_s}{V_e} = \frac{1}{j\tau_i\omega} \Rightarrow \frac{V_s}{V_e} = \frac{1}{\tau_i\omega} = 300 \Leftrightarrow 0,53 \text{ Hz} < f < \infty$

**Calculs littéraux :**

a) $v_s = \frac{1}{\tau_i} \int_0^t v_e dt$ avec $\tau_i = R_1 C = 1 \text{ ms}$;

b) $v_e = -A \Rightarrow v_s(t) = -\frac{A}{\tau_i} t$ et $v_e = +A \Rightarrow v_{s+}(t) = \frac{A}{\tau_i} t$ avec : $\frac{A}{\tau_i} = 200 \text{ V/s}$.

Application : étude d'un correcteur proportionnel et intégral**Calculs littéraux :**

a) $\frac{V_s}{V_e}(j\omega) = \frac{R_2}{R_1} \left(1 + \frac{1}{R_2 C j\omega}\right) \Rightarrow K_i = \frac{R_2}{R_1} = 10$; $\tau_i = R_2 C = 10 \text{ ms}$

b) $\frac{V_s}{V_e}(p) = K_i \left(1 + \frac{1}{\tau_i p}\right) \Rightarrow v_s = K_i v_e + \frac{K_i}{\tau_i} \int_0^t v_e dt$

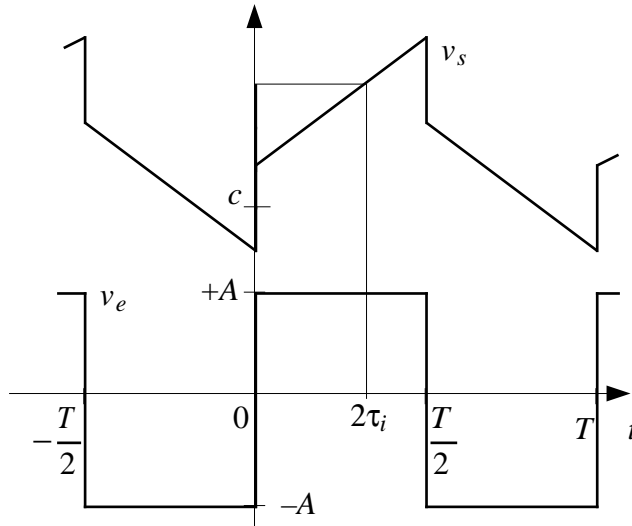
c) $v_e = -A \Rightarrow v_s(t) = -K_i A - \frac{K_i A}{\tau_i} t$; $v_e = +A \Rightarrow v_s(t) = K_i A + \frac{K_i A}{\tau_i} t$

d) $v_{s-}(0) = -K_i A + c$ et $v_{s+}(0) = K_i A + c \Rightarrow [\Delta v_s]_{0-}^{0+} = 2K_i A$

e) $v_{s+}(2\tau_i) = K_i A + 2 \frac{K_i A}{\tau_i} \tau_i \Rightarrow [\Delta v_s]_0^{2\tau_i} = 2 \frac{K_i A}{\tau_i} \tau_i$

f) Sur le graphe on cherche l'instant où $[\Delta v_s]_0^t = [\Delta v_s]_{0-}^{0+}$. Cet instant est : $t = 2\tau_i$

g) $\Rightarrow K_i = \frac{[\Delta v_s]_{0-}^{0+}}{2A}$



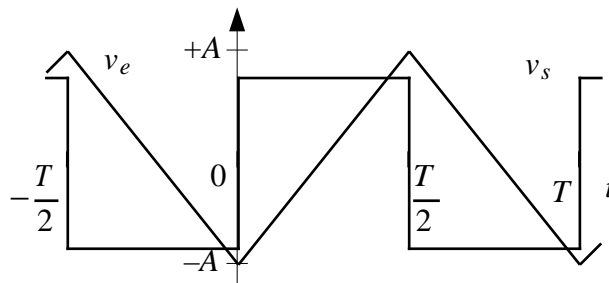
4ème partie : Dérivateur

Calculs littéraux :

a) $v_s = \tau_d \frac{dv_e}{dt}$ avec $\tau_d = R_2 C = 10 \text{ ms}$;

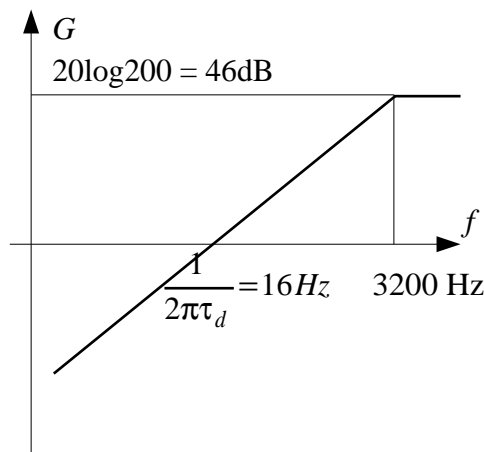
b) $v_{e-}(t) = -\frac{4A}{T}t - A$ et $v_{e+}(t) = \frac{4A}{T}t - A$ avec : $T = 1/20 = 50 \text{ ms} \Rightarrow a = 160 \text{ V/s}$ et $b = -2\text{V}$;

c) $v_s = \pm a\tau = \pm 1,6 \text{ V}$.



Amélioration du signal de sortie : $R_2 / r_d = 200 \Rightarrow r_d = 500 \Omega$

$$\frac{V_s}{V_e} = j\tau_d \omega \Rightarrow \frac{V_s}{V_e} = \tau_d \omega = 200 \Leftrightarrow 0 < f < \frac{200}{2\pi\tau_d} = 3200 \text{ Hz}$$



Application : étude d'un correcteur proportionnel et dérivé

Calculs littéraux :

$$a) \frac{V_s}{V_e}(j\omega) = \frac{R_2}{R_1}(1 + R_1 C j\omega) \Rightarrow K_d = \frac{R_2}{R_1} = 1 ; \tau_d = R_1 C = 10 \text{ms}$$

$$b) \frac{V_s}{V_e}(p) = K_d(1 + \tau_d p) \Rightarrow v_s = K_d v_e + K_d \tau_d \frac{dv_e}{dt}$$

$$c) v_e = -at + b \Rightarrow v_{s-}(t) = -K_d at + K_d b - K_d \tau_d a ; v_e = +at + b \Rightarrow v_{s+}(t) = K_d at + K_d b + K_d \tau_d a$$

$$d) v_{s-}(0) = K_d b - K_d \tau_d a \text{ et } v_{s+}(0) = K_d b + K_d \tau_d a \Rightarrow [\Delta v_s]_{0-}^{0+} = 2K_d \tau_d a$$

$$e) v_{s+}(2\tau_d) = K_d b + 3K_d \tau_d a \Rightarrow [\Delta v_s]_0^{2\tau_d} = 2K_d \tau_d a$$

$$f) \text{ Sur le graphe on cherche l'instant où } [\Delta v_s]_0^t = [\Delta v_s]_{0-}^{0+}. \text{ Cet instant est : } t = 2\tau_d$$

$$g) \Rightarrow K_d = \frac{[\Delta v_s]_{0-}^{0+}}{2\tau_d a}$$

