

3- BILAN RADIATIF

• **Bilan radiatif d'un corps noir**

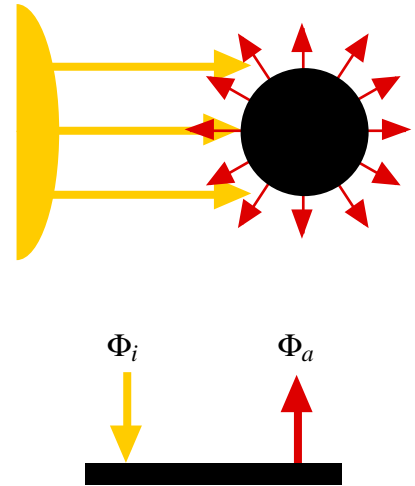
Rappel : un corps noir sphérique situé à la distance d du soleil (orbite terrestre) reçoit un flux incident (au niveau de la haute atmosphère dans le cas de la terre) :

$$\Phi_i = \frac{E_0}{4} \approx 342 \text{ W/m}^2 \quad (E_0 \text{ constante solaire})$$

D'après la loi de Stefan, il est porté à la température :

$$\Phi_i = \sigma T^4 \Rightarrow T = \sqrt[4]{\frac{\Phi_i}{\sigma}} - 273 = \sqrt[4]{\frac{342}{5,67 \cdot 10^{-8}}} - 273 \approx 57^\circ\text{C}$$

Ce flux incident est entièrement absorbé puis réfléchi sous forme de radiations infrarouge (loi de Wien) : $\Phi_i = \Phi_a$.



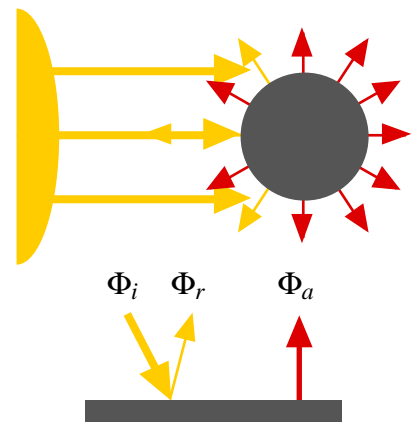
• **Bilan radiatif d'un corps gris**

Cas d'un objet qui n'absorbe qu'une partie du flux reçu :

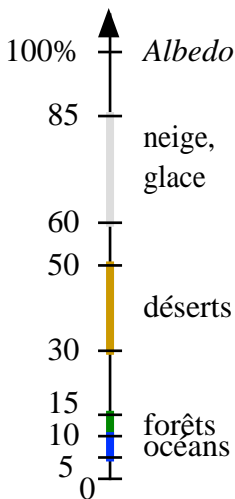
coefficient de réflexion ou *albedo* : $0 < \alpha = \frac{\Phi_{\text{réfléchi}}}{\Phi_{\text{incident}}} = \frac{\Phi_r}{\Phi_i} < 1$

Le flux incident $\Phi_i = \Phi_r + \Phi_a$ est :

- partiellement réfléchi : $\Phi_r = \alpha \Phi_i$
- partiellement absorbé : $\Phi_a = (1-\alpha) \cdot \Phi_i$



• **Bilan radiatif de la terre**



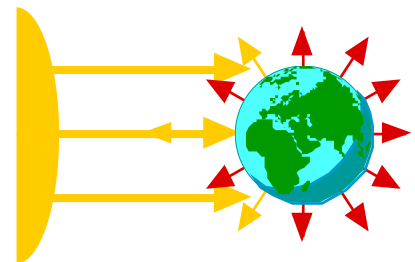
Albedo terrestre moyen $\approx 30\%$ ($\Leftrightarrow k \approx 0,7$)

Le flux solaire moyen mesuré au niveau du sol vaut environ :

$$\Phi_a \approx 0,7 \cdot \Phi_i \approx 240 \text{ W/m}^{-2}$$

La température d'équilibre sans atmosphère serait :

$$T = \sqrt[4]{\frac{\Phi_a}{\sigma}} - 273 = -18^\circ\text{C}$$



• **Effet de serre : forçage radiatif**

La température moyenne de surface observée au niveau du sol est d'environ 15°C .

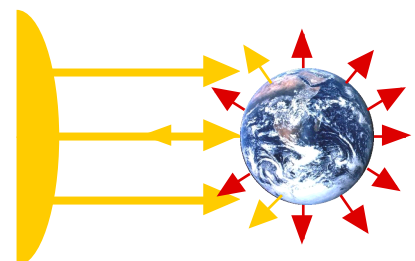
L'effet de serre est donc de : $\Delta T = 15 - (-18) = 33^\circ\text{C}$

Le flux équivalent reçu au sol est donc :

$$\Phi_s = \sigma T^4 = 5,67 \cdot 10^{-8} (273 + 15)^4 = 390 \text{ W/m}^2$$

Tout se passe comme s'il existait un surplus de rayonnement reçu appelé *forçage radiatif* de :

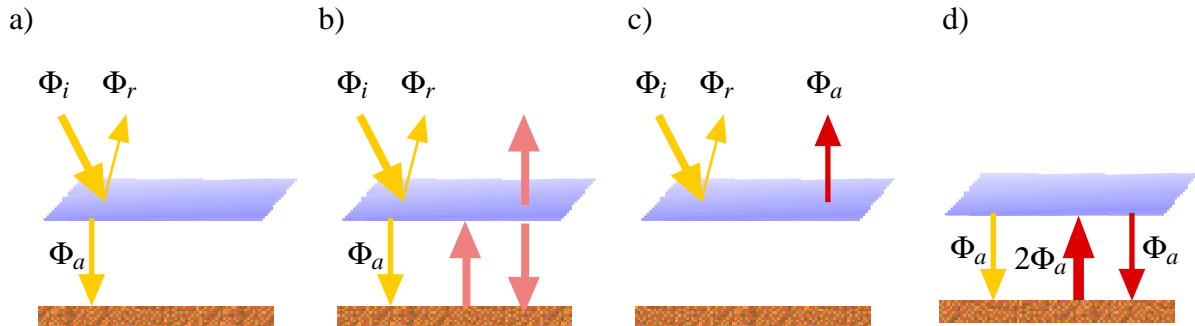
$$\Phi_m = \Phi_s - \Phi_a = 390 - 240 = + 150 \text{ W/m}^2$$



• **Effet de serre : bilan radiatif ultra-simplifié**

Sont symbolisés l'atmosphère (en bleu) et le sol (en marron).

Rappel : condition d'équilibre des bilans radiatifs : $\sum \Phi_{\text{reçu}} = \sum \Phi_{\text{émis}}$ (sinon les températures augmenteraient indéfiniment...)



a) La part Φ_a du flux incident Φ_i (appartenant au domaine visible principalement) qui n'est pas directement réfléchi dans l'espace traverse l'atmosphère puis atteint le sol. On a : $\Phi_i = \Phi_r + \Phi_a$

b) En absorbant ce flux, celui-ci s'échauffe et émet un flux infrarouge en direction de l'atmosphère. Celle-ci réémet un flux semblable dans toutes les directions (vers l'espace et vers le sol)

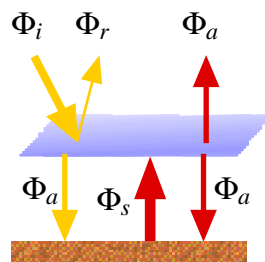
c) Condition d'équilibre du bilan radiatif espace-atmosphère : $\Phi_i = \Phi_r + \Phi_a$

d) Par raison de symétrie, on suppose que le flux émis par l'atmosphère vers le bas est le même que le flux Φ_a qu'elle émet vers le haut.

⇒ la condition d'équilibre du bilan radiatif atmosphère-sol s'écrit : $\Phi_a + \Phi_a = 2\Phi_a$.

⇒ conclusion : recevant un flux $2\Phi_a$ depuis le sol, l'atmosphère est principalement chauffée par le bas.

Remarque : dans ce dernier schéma, tout se passe comme si l'atmosphère absorbait complètement le rayonnement IR $\Phi_s = 2\Phi_a$ venu du sol !



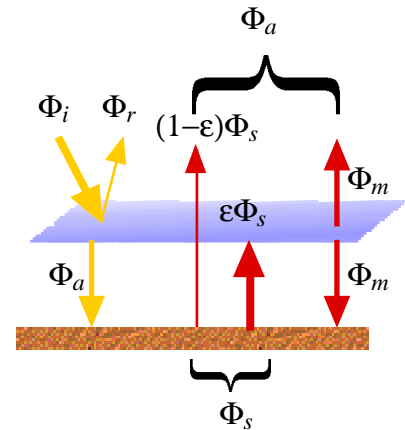
• **Effet de serre : un modèle simplifié**

En pratique, l'atmosphère n'absorbe qu'une partie du rayonnement IR venu du sol, dans une proportion ε appelée "absorptivité". Soit :

$$\Phi_s = \varepsilon\Phi_s \text{ [flux absorbé]} + (1-\varepsilon)\Phi_s \text{ [flux transmis]}$$

$$\Phi_a = (1-\varepsilon)\Phi_s + \Phi_m \text{ [flux réémis par l'atmosphère]}$$

$$\Phi_s = \Phi_a + \Phi_m$$



De là on calcule, sachant que $\Phi_s = 390 \text{ W/m}^2$; $\Phi_a = 240 \text{ W/m}^2$; $\Phi_m = 150 \text{ W/m}^2$:

$$\varepsilon = \frac{2\Phi_m}{\Phi_s} \approx 0,77$$

$$\Phi_s = \frac{\Phi_a}{1 - \frac{\varepsilon}{2}} \Rightarrow d\Phi_s = \frac{d\Phi_a}{1 - \frac{\varepsilon}{2}}$$

Le forçage radiatif au sommet de l'atmosphère est estimé selon la formule suivante, où C est la concentration en CO_2 actuelle ou prévue et C_0 la concentration durant l'ère pré-industrielle :

$$d\Phi_a \approx 5 \cdot \ln \frac{C}{C_0}$$

Pour un doublement de C , on trouve : $d\Phi_a \approx 3,5 \text{ W/m}^2 \Rightarrow d\Phi_s \approx 5,5 \text{ W/m}^2$

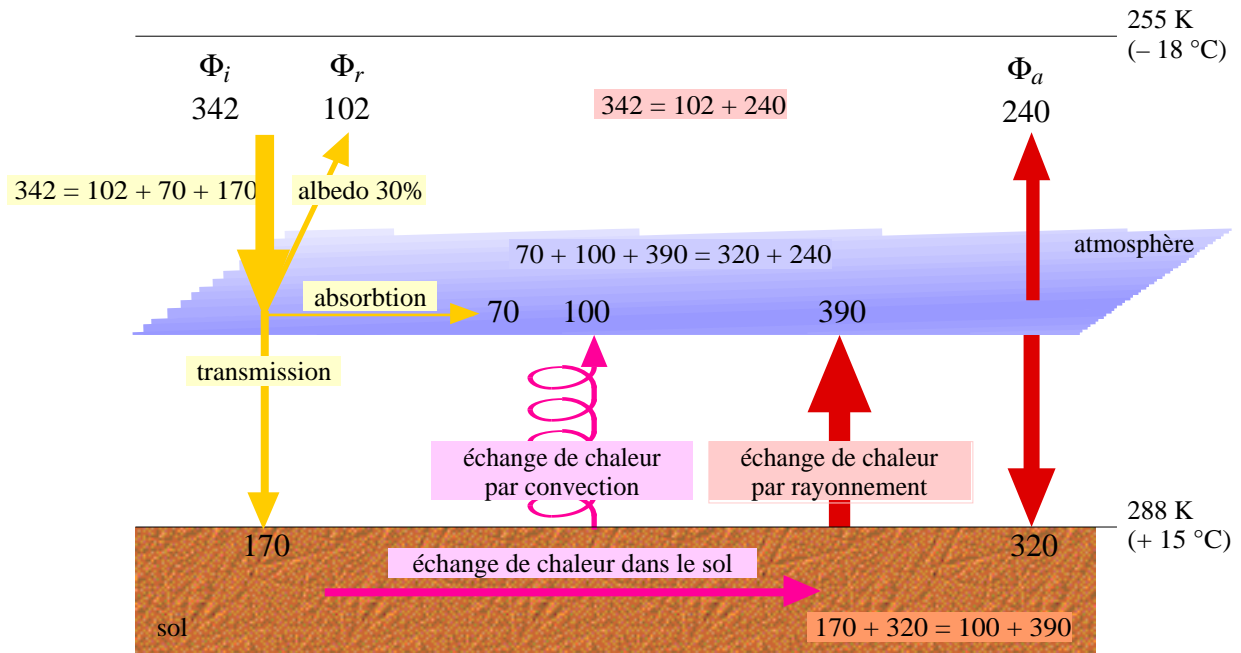
Sachant que $T_s = 288 \text{ K}$ et que $\Phi_s = \sigma T_s^4$ on trouve : $dT_s = \frac{T_s}{4} \cdot \frac{d\Phi_s}{\Phi_s} \approx 0,18 \cdot d\Phi_s \approx 1 \text{ K}$

A un doublement de la concentration en CO_2 correspondrait une élévation moyenne des températures mesurées au sol d'environ $1 \text{ }^\circ\text{C}$.

- **Schéma détaillé des flux** (en W/m^2 , ainsi que les bilans radiatifs (solaire, atmosphérique, terrestre).

Source : Kiehl, J., and K. Trenberth, 1997: Earth's annual global mean energy budget. *Bull. Am. Meteorol. Soc.*, **78**, 197–206. Cité dans : IPCC Fourth Assessment Report (AR4), *Climate Change 2007 : The Physical Science Basis*, Chapter 1: Historical Overview of Climate Change Science, page 96.

Dans ce dernier schéma, on tient compte également des échanges de chaleur par évapo-transpiration et par convection.



• Conclusion

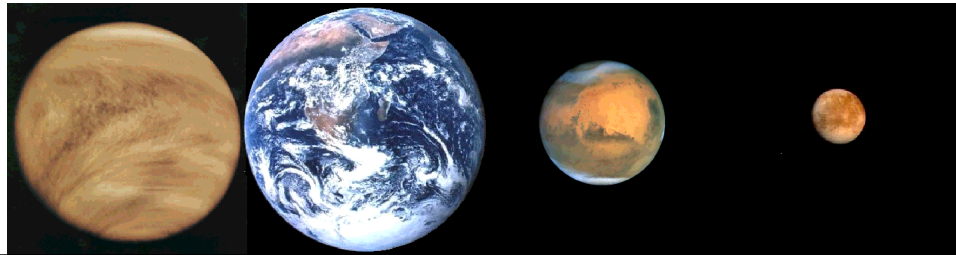
Il faut ensuite tenir compte des rétroactions présentes au niveau des océans (par ex : étendue et épaisseur des banquises), dans la biosphère (par ex. : croissance des végétaux selon la quantité de CO_2 présente dans l'atmosphère), des sols (par ex. : conséquences de l'échauffement du pergélisol arctique), dans l'atmosphère elle-même (par ex. : formation et rôle des nuages, pluviométrie), etc. Les modèles de calcul qui tiennent compte de ces rétroactions convergent vers la conclusion suivante : ces rétroactions sont, dans l'ensemble, positives, ce qui rend le climat instable et augmente ainsi l'élévation de température prédite, dans une fourchette comprise entre 2 et 6°C...

***** COMPLEMENTS *****

• **Autres planètes : exemples de calculs**

$$\Phi_a = (1 - \alpha)\Phi_i \text{ avec } \Phi_i = \frac{E_0}{4}; E_0 = \frac{\Phi}{4\pi d^2}; \Phi = 3,87 \cdot 10^{26} \text{ W}$$

$$T = 4\sqrt{\frac{\Phi_a}{\sigma}} - 273$$



	Venus	Terre	Mars	Europa (satellite de Jupiter)
Distance [unité astronomique]	0,723	1	1,524	5,203
Albedo	0,76	0,3	0,16	0,64
Flux absorbé [W/m2]	157	240	124	4,6
Température d'équilibre [°C]	-44	-18	-57	-178
Température observée [°C]	425	15	-50	-145
Effet de serre [K ou °C]	469	33	7	33
Composition de l'atmosphère	96% CO2	N2 ; O2 ; traces H2O, CO2	95% CO2	effet gravitationnel
Pression atmosphérique au sol	95	1	0,02	-

• **Influence de la distance Terre-Soleil**

De janvier à juillet, la distance Terre-Soleil varie d'environ 3,6% à cause de l'excentricité de l'orbite terrestre. Or :

$$\left. \begin{aligned} \Phi_a &= (1 - \alpha) \frac{\Phi}{4 \cdot 4 \cdot \pi \cdot d^2} \\ T_{[K]} &= 4\sqrt{\frac{\Phi_a}{\sigma}} \end{aligned} \right\} \Rightarrow T_{[K]} = \frac{1}{2\sqrt{d}} \sqrt[4]{\frac{(1 - \alpha)\Phi}{\sigma\pi}} \Rightarrow \log T_{[K]} = -\frac{1}{2} \log d + c^{te} \Rightarrow \frac{\Delta T}{T} = \frac{1}{2} \frac{\Delta d}{d}$$

Cette variation de distance correspond donc à une variation de la température d'équilibre de 1,8%, soit, pour $T = 255 \text{ K}$, environ 5 degrés d'écart entre l'hiver et l'été.

• **Générateur photovoltaïque**

Un générateur photovoltaïque de rendement η et de surface S , placé au niveau du sol, orienté perpendiculairement à la direction du soleil, fournit pendant une durée t une énergie :

$$W = \eta \cdot k \cdot E_0 \cdot S \cdot t \text{ soit environ } \eta \times 1 \text{ kWh/m}^2$$